

(1) (1) それぞれのロッカーは、扉の番号の 100 以下の約数の数だけ 開閉されている。

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	...
1回目	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	
2回目		✓		✓		✓		✓		✓	
3回目			✓			✓			✓		
!											

(✓は開閉された所)

よって、1~10のうち開いているのは、100以下の約数が奇数のもの。
これより、答えは 1, 4, 9

(2) それぞれ 100 以下の約数 を調べる。

99 → 1, 3, 9, 11, 33, 99 → 6回

100 → 1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100 → 9回

101 → 1 → 1回

(3) 1~200のロッカーについて、100 以下の約数の数 を考える。

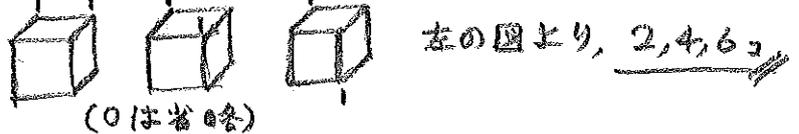
• 1~100: 約数は全て100以下なので、約数が奇数個の数(平方数)のみ扉が開いている。よって、1, 4, ..., 100の10個。

• 101~200: 約数は1つ以外100以下なので、約数が偶数個の数(平方数以外)の扉が開いている。よって、121, 144, 169, 196以外の96個。

以上より、合わせて $10 + 96 = 106$ 個

(2) (1) 6個の面の値を合計した時、それぞれの頂点は3回ずつ足されている。よって、6面の値の合計 を3で割ると、8個の頂点の和、つまり1の数になる。

(ア) $6 \div 3 = 2$ (イ) 考えられる配置は下の3つ。(回転して同じになる物は省略)



(2) 1の数は $12 \div 3 = 4$ 。考えられる配置は下の通り。



以上 6通り

(3) (1) 10段目の一番右は $10 \times 10 = 100$ 。一番左の数はその $(10-1)$ 前の数なので、91

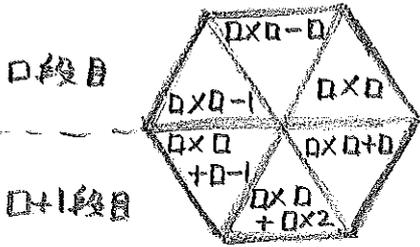
(2) 2017に近いのは $45 \times 45 = 2025$ 。ここから2017は 45段目だと分かる。

45段目の一番左は $2025 - (45-1) = 1981$ より、2017は上向き三角形(Δ)の中で左から $2017 - 1981 + 1 = 37$ 番目。2つの Δ の間に ∇ があることを考えて、

2017は $37 + (37-1) = 73$ 番目



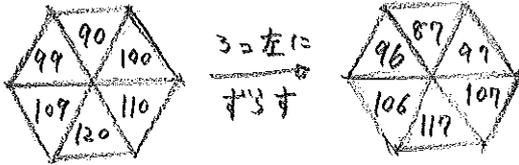
(3) 口段目と口+1段目にまたがる正六角形の中で、一番右にあるものを考える。



それぞれの数は左の通りなので、この6つの数の和は $口 \times 口 \times 6 + 口 \times 3 - 2$ となる。

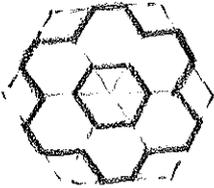
これが610に一番近いのは口が10の時に、
 $10 \times 10 \times 6 + 10 \times 3 - 2 = 628$
 これを基準に考える。

正六角形が1つ左にずれると、6つの数全てが1だけ小さくなるので、6つの数の合計は6減る。628と610の差は18なので、6つの数の和が628の位置と比べて和が610の位置は $18 \div 6 = 3$ 左にずれている。



以上より、6つの数の中で最も大きいのは 117。

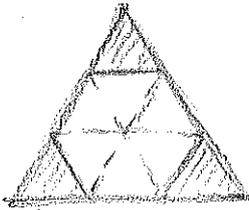
(4) (1)



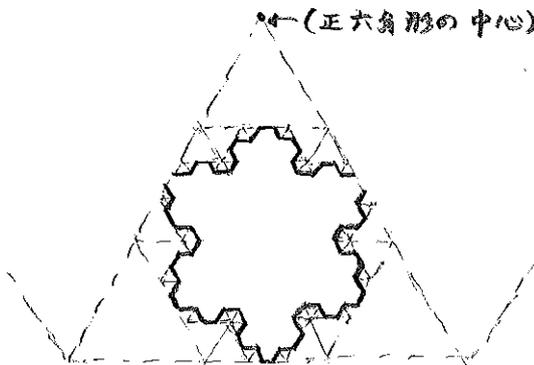
(2) 1回の操作を行うごとに、紙の面積は操作前の $\frac{2}{3}$ になる。

元の面積が 81 cm^2 なので、2回の操作後の面積は

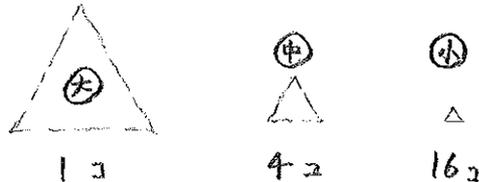
$$81 \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \underline{36 \text{ cm}^2}$$



(3) 全体の $\frac{1}{6}$ の形を考えると、下の通り。



一番大きい穴は正六角形の中心の穴。
 この穴は3種類の大きさの正三角形が集まった形だと考えられる。



それぞれの面積は

$$(大) = 81 \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{3}{2} \text{ cm}^2$$

$$(中) = (大) \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8} \text{ cm}^2$$

$$(小) = (中) \times \frac{1}{4} = \frac{1}{32} \text{ cm}^2$$

より、穴の面積は、

$$\left(\frac{3}{2} \times 1 + \frac{1}{8} \times 4 + \frac{1}{32} \times 16 \right) \times 6 = \underline{14 \frac{7}{4} \text{ cm}^2}$$

(全体の $\frac{1}{6}$)