

2024年度
算 数
(その1)

受験番号	
氏名	ワンダーファイ

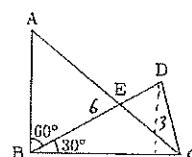
1 次の計算をし、分数で答えなさい。

$$\left\{ \left(4.2 - \frac{7}{3} \right) \times 2.25 - 4 \frac{1}{9} \right\} \div \left(0.895 + 2 \frac{1}{6} \div 9 \frac{1}{11} \right)$$

答 $\frac{4}{51}$

2 以下の問いに答えなさい。

- (1) 右の図において、 $AB = 5\text{ cm}$ であり、 $BC = BD = 6\text{ cm}$ です。三角形 ABE の面積から三角形 CDE の面積を引くと何 cm^2 になりますか。

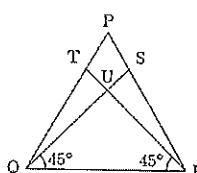


三角形ABCから三角形BCDを引いた面積と同じ

$$6 \times 5 \div 2 - 6 \times 3 \div 2 = 15 - 9 = 6$$

答 6 cm^2

- (2) 右の図において、 $QS = 5\text{ cm}$ であり、三角形 PQR は正三角形です。三角形 UQR の面積から四角形 $PTUS$ の面積を引くと何 cm^2 になりますか。



三角形QTSと三角形RSUの面積が同じなので

求めた面積は三角形QRSから
三角形QPSを引いた面積と同じ

三角形QPSと三角形QRXを
等しくなるようにして

求めた面積は三角形QSXと同じ

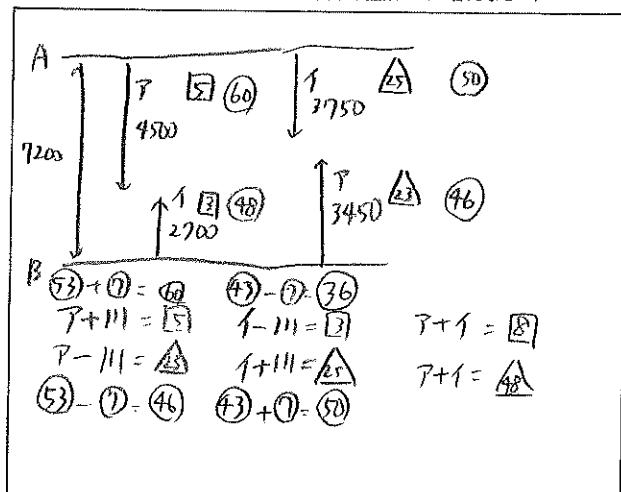
$$5 \times 2.5 \div 2 = 6.25\text{ cm}^2$$

答 6.25 cm^2

整理番号

- 3 川に船着き場 A があり、A から 7200m 下流の地点に船着き場 B があります。船アが A を出発して B へ向かい、船アの出発と同時に船イが B を出発して A へ向かい、2 そうの船は A から 4500m 下流の地点ですれ違います。また、船イが A を出発して B へ向かい、船イの出発と同時に船アが B を出発して A へ向かい、2 そうの船は A から 3750m 下流の地点ですれ違います。ただし、川の流れの速さはつねに一定で、静水時の船ア、イの速さもそれぞれ一定であるものとします。以下の問いに答えなさい。

(1) 静水時の船ア、イの速さの比を最も簡単な整数の比で答えなさい。



答 船アの速さ : 船イの速さ = 53 : 43

- (2) 船アが A から B へ移動するのにかかる時間は、船イが B から A へ移動するのにかかる時間よりも 4 分 48 秒短いことがわかりました。川の流れの速さは分速何 m ですか。

同じ時間でア+イが進む距離 : イ-アが進む距離は
5:3 なので

A→B, B→A に移動するのにかかる時間は
3:5

だから船イが B→A に進むのにかかる時間は

$$9分48秒 \times \frac{5}{2} = 12\text{ 分}$$

$$7200 \div 12 = 600\text{ m} \quad \text{イがBからAにすすむのは}\\ \text{分速 } 600\text{ m}$$

$$\text{だから } 600 \times \frac{7}{34} = \frac{350}{3}$$

答 分速 $116\frac{2}{3}\text{ m}$

小計

2024年度
算 数
(その3)

受験番号	
氏名	ワンダーファイ

- [6] 1から9999までの整数を小さい順につなげて書き並べ、数字の並びAを作ります。

数字の並びA 123456789101112…99989999

この数字の並びAを左から順に3つの数字ごとに区切り、整数の列Bを作ります。

整数の列B 123, 456, 789, 101, 112, …, 999

ただし、3つの数字の一番左が0である場合には、左の0を取って2桁や1桁の整数にします。例えば、021は整数21、007は整数7になります。また、000は整数0になります。

以下の問い合わせ答えなさい。

- (1) Bの1001番目の整数を答えなさい。

Bの1001番目の整数は、Aの3001～3003番目の数字からなる。

1から999までの整数をつなげると、

$$9 + 2 \times 90 + 3 \times 900 = 2889 \text{ 個の数が並ぶ。}$$

$$(3001 - 2889) \div 4 = 28 \text{ なので、Aは次のようになります。}$$

123…91011…99100101…99910001001…10271028
 ↑ 2889番目 ↑ 3003番目

したがって、Bの1001番目は 710

答 710

- (2) Aに数字0は何回現れるか答えなさい。

1から9999までの整数のうち、

一の位が“0”になるのは 10, 20, …, 9990 の 999 個

十の位が“0”になるのは 100, 101, …, 109,

⋮

9900, 9901, …, 9909 の 990 個

百の位が“0”になるのは 1000, 1001, …, 1099,

⋮

9000, 9001, …, 9099 の 900 個

したがって、Aに現れる0は

$$999 + 990 + 900 = 2889 \text{ 回}$$

答 2889 回

- (3) Aの中で、20から30までを書き並べた部分に注目し、Bを作るときに区切られる位置に縦線を書きました。このとき、縦線のすぐ右にある数字0をすべて丸で囲むと、以下になります。

2 | 0 | 2 1 | 2 2 2 | 3 2 4 | 2 5 2 | 6 2 7 | 2 8 2 | 9 3 0 |

これにならって、解答欄にある

- 1000から1003までを書き並べた部分
- 2000から2003までを書き並べた部分
- 3000から3003までを書き並べた部分

に、それぞれBを作るときに区切られる位置に縦線を書き入れ、縦線のすぐ右にある数字0をすべて丸で囲みなさい。ただし、0が2個以上続いている場合も、縦線のすぐ右にある0だけを丸で囲みなさい。

(1)より、1000の千の位は2890番目で、 $2890 \div 3 = 963\cdots 1$
 2000の千の位は 2890 + 4 × 1000 = 6890番目
 3000の千の位は 2890 + 4 × 2000 = 10890番目

1	0	0	0	1	0	0	1	1	0	0	2	1	0	0	3
2	0	0	0	2	0	0	1	2	0	0	2	2	0	0	3
3	0	0	0	3	0	0	1	3	0	0	2	3	0	0	3

- (4) Bの中に100未満の整数は何回現れるか答えなさい。

Aの中で2けたの数を並べた部分にある0のうち、

Bの区切りの線のすぐ右にあるものは、

20, 50, 80 の中にある3回。

3けたの数の並びはAの $9 + 90 + 24 + 1 = 190$ 番目から始まり、線のすぐ右に0が来るこはない。

4けたの数で、一の位の0が線のすぐ右に来るのは、
 1000, 1030, 1060, …, 9970 の 300 回

十の位の0が線のすぐ右に来るのは、十の位をのぞいた数の並びが “101, 104, 107, 110, …, 998” の 300 回。

百の位の0が線のすぐ右に来るのは、百の位をのぞいた数の並びが “102, 105, 108, 111, …, 999” の 300 回

したがって、線のすぐ右に0が現れる回数、すなあちBの中に100未満の整数が現れる回数は、 $3 + 300 \times 3 = 903$ 回。

答 903 回

整理番号

小計