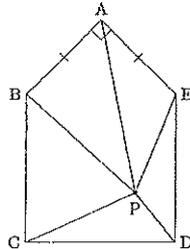


2026年度
算数
(その1)

| | |
|------|---------|
| 受験番号 | |
| 氏名 | ワンダーファイ |

1 右図のような、1辺の長さが3cmの正方形BCDEに直角二等辺三角形ABEを合わせてできる五角形ABCDEがあります。五角形ABCDEの内部に点Pをとると、三角形ABPの面積が、三角形APEの面積と三角形CPDの面積の和に等しくなりました。このとき、三角形ABPの面積を求めなさい。ただし、図は正確とは限りません。



三角形BCPとDEPの面積の和は、正方形BCDEの半分。ABPの面積は、他3つの三角形の面積の和の半分。 $(3 \times 3 \times \frac{5}{4} - 3 \times 3 \times \frac{1}{2}) \times \frac{1}{2} = 3\frac{3}{8}$

答 $3\frac{3}{8}$ cm²

2 3個のビーカーA, B, Cがあり、Aに300g, Bに300g, Cに100gの食塩水が入っていて、濃さはそれぞれ異なります。ただし、食塩水の濃さとは、食塩水の重さに対する食塩の重さの割合のことです。

まず、Aから食塩水を250gとり、Bに入れて混ぜ合わせます。
次に、Bから食塩水を220gとり、Cに入れて混ぜ合わせます。
最後に、Cから食塩水を200gとり、Aに入れて混ぜ合わせます。
はじめ、Aの食塩水の濃さが15%、Bの食塩水の濃さが「あ」%、Cの食塩水の濃さが7%であったとき、最後にAにできた食塩水の濃さは9.7%になりました。このとき、「あ」にあてはまる数を答えなさい。

最後の操作では、50gで15%のAにCから200g入れる。この時のCの濃さは
 $9.7 - (15 - 9.7) \times \frac{50}{200} = 8.375\%$
2番目の操作でBからとった食塩水の濃さは
 $8.375 + (8.375 - 7) \times \frac{100}{220} = 9\%$
最初の操作を行う前のBの食塩水の濃さは
 $9 - (15 - 9) \times \frac{250}{300} = 4\%$

答 4

3 2種類の列車AとBがあり、それぞれ一定の速さで走ります。列車Aと列車Bが同じ方向に走るとき、列車Aの先頭が列車Bの最後尾に追いついてから、先頭どうしが並ぶまでに10秒かかりました。また、2つの列車Bが反対方向に走るとき、先頭どうしが出会ってから、一方の先頭と他方の最後尾の位置がそろうまでに3秒かかりました。

(1) 列車Aと列車Bの速さの比を、最も簡単な整数の比で答えなさい。

A, Bが1秒間に進む長さをそれぞれ
①, ②とすると、Bの長さについて、
⑩ - ⑩ または ⑥と表せる。
 $10 = 16$ なので、速さの比は8:5

答 Aの速さ : Bの速さ = 8 : 5

さらに、列車Aと列車Bが反対方向に走るとき、列車Aと列車Bが出会ってからすれちがうまでに5.5秒かかりました。

(2) 列車Aと列車Bの長さの比を、最も簡単な整数の比で答えなさい。

(1)より、列車Bの長さは⑥。
列車Aと列車Bの長さの合計は、
 $(16 + 1) \times 5.5 = 143$
AとBの長さの比は $143 - 6 : 6 = 83 : 60$

答 Aの長さ : Bの長さ = 83 : 60

(3) 列車Aと列車Bが反対方向に走るとき、130mの鉄橋を列車Aと列車Bが同時に渡り始めてから、2つの列車が出会うまでに4秒かかりました。列車Aの長さを答えなさい。

$(16 + 1) \times 4 = 130m$ なので
① = 12.5m
Aの長さは $12.5 \times 8.3 = 103.75m$

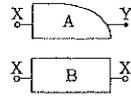
答 103.75 m

整理番号

小計

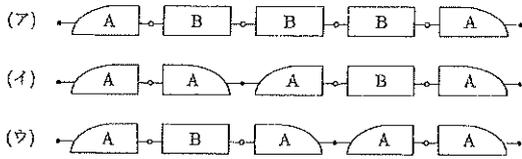
| | |
|------|---------|
| 受験番号 | |
| 氏名 | ワンダーファイ |

4 おもちゃの車両AとBがたくさんあります。右図のように、車両Aには一方の端に部品Xが、他方の端に部品Yが、車両Bには両方の端に部品Xが、それぞれついています。2つの車両は、部品Xどうし、部品Yどうしでつなげることができます。



両端が車両Aの部品Yとなるように、いくつかの車両を1列につなげて列車を作るとき、列車の作り方が何通りあるかを考えます。ただし、全体を逆順にした列車はもとの列車と同じ作り方と考えます。

例えば、以下の(イ)、(ウ)は同じ作り方と考えるので、5両の列車の作り方は2通りです。



(1) 7両の列車の作り方は何通りありますか。

車両と車両の間の部品の数は6つで、その両端は必ずXなので、間の4つを考える。Xを○、Yを●で表すと、Yは連続しないので、

 の5通り。

答 5 通り

(2) 9両の列車の作り方は何通りありますか。

(1)と同様の考え方で、XとYを6つ並べる。

 の12通り。

答 12 通り

5 円を直線によって分けてできるいくつかの図形について考えます。例えば、図1の図形アとイは、円を1つの直線によって分けてできたものです。このとき、図形アの周の長さとは、実線部分の長さのことです。また、図形イの周の長さとは、点線部分の長さのことです。

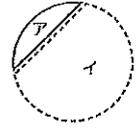
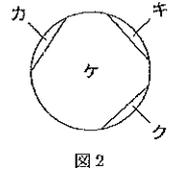


図1

以下の問いに答えなさい。

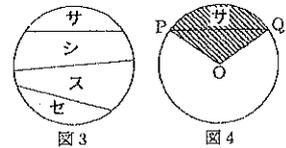
(1) 図2のように、半径2cmの円を4つの図形カ、キ、ク、ケに分けたところ、3つの図形カ、キ、クの周の長さはすべて等しく、これらの周の長さの和は図形ケの周の長さと同じになりました。このとき、図形ケの周の長さを求めなさい。ただし、図は正確とは限りません。



カ、キ、クの周の長さの和とケの周の長さを比べると、直線部分は共通しているので、カ、キ、クの曲線部分はそれぞれ中心角60°のおうぎ形の弧になる。カ、キ、クの直線部分は2cmなので、
 $4 \times 3.14 \times \frac{1}{2} + 2 \times 3 = 12.28$

答 12.28 cm

(2) 図3のように、半径2cmの円を4つの図形サ、シ、ス、セに分けたところ、これらの周の長さはすべて等しくなりました。このとき、図4のように図形サと三角形OPQを合わせてできるおうぎ形の面積を求めなさい。ここで、点Oは円の中心です。ただし、図は正確とは限りません。



サとセは合同で、サとシの周の長さの和とスとセの周の長さの和が等しいので、共通部分を消すと、曲線部分の長さも等しい。よって、シとスに分ける直線は円の直径。おうぎ形の中心角を θ とすると、サとシを比べて $4 \times 3.14 \times \frac{\theta}{360} - 4 \times 3.14 \times \frac{180-\theta}{360} = 4$ おうぎ形の面積は $2 \times 2 \times 3.14 \times \frac{\theta}{360}$ で計算すると求められる。

答 5.14 cm^2

整理番号

小計

2026年度
算 数
(その3)

| | |
|------|---------|
| 受験番号 | |
| 氏 名 | ワンダーファイ |

6 3で割ると1余る整数に対する、次の〔操作〕を考えます。

〔操作〕2を足した後、3で割る。

この〔操作〕を、3の倍数になるか、または3で割ると2余る整数になるまでくり返し行います。

例えば、2026に対して〔操作〕をくり返し行ったときの数の変化は

$$2026 \rightarrow 676 \rightarrow 226 \rightarrow 76 \rightarrow 26$$

となります。このとき、〔操作〕は4回行われ、最後の数は26になります。

以下の問いに答えなさい。

(1) 325に対して〔操作〕をくり返し行ったときの数の変化を、上の例のように矢印を用いて答えなさい。

答 $325 \rightarrow 109 \rightarrow 37 \rightarrow 13 \rightarrow 5$

(2) 〔操作〕がちょうど4回行われ、最後の数が2となるような数を答えなさい。

操作を逆に逆行には、3倍し、2を引く。

$$2 \leftarrow 4 \leftarrow 10 \leftarrow 28 \leftarrow 82$$

答 82

(3) 4以上2026以下の、3で割ると1余る整数の中で、〔操作〕の行われる回数が最も多い数をすべて答えなさい。ただし、解答らんはすべて使うとは限りません。

3の倍数と3で割ると2余る整数を小さい川原で試す。
 $2 \leftarrow 4 \leftarrow 10 \leftarrow 28 \leftarrow 82 \leftarrow 244 \leftarrow 730 \leftarrow 2190$
 $3 \leftarrow 7 \leftarrow 19 \leftarrow 55 \leftarrow 163 \leftarrow 487 \leftarrow 1459$
 $5 \leftarrow 13 \leftarrow 37 \leftarrow 109 \leftarrow 325 \leftarrow 973 \leftarrow 2917$
 2と3から2は6回行える。5以上は5回以下となるため、730, 1459だけが答えとなる。

答 730, 1459,

(4) 4以上2026以下の、3で割ると1余る整数の中で、2026のように、〔操作〕を何回行っても一の位が変わらない数を考えます。そのような数の一の位で、6以外のものをすべて答えなさい。ただし、解答らんはすべて使うとは限りません。

一の位を定数の数で表す。
 $1: 1 \leftarrow 3 \leftarrow 9$
 $2: 2 \leftarrow 4 \leftarrow 8$
 $3: 3 \leftarrow 9 \leftarrow 27$
 $4: 4 \leftarrow 12 \leftarrow 36$
 $5: 5 \leftarrow 15 \leftarrow 45$
 $7: 7 \leftarrow 21 \leftarrow 63$
 $8: 8 \leftarrow 24 \leftarrow 72$
 $9: 9 \leftarrow 27 \leftarrow 81$
 可能な一の位は1だけ
 また、操作で3の位の1の数は、逆に操作しても一の位が1のままなので、条件を満たす。

答 , ,

(5) 4以上2026以下の、3で割ると1余る整数の中で、〔操作〕がちょうど3回行われ、一の位が3回とも変わらない数が全部で何個あるか答えなさい。

最後の数から逆に考える。
 (3)から、82から3回操作を戻すと、2026を越えるため、82以上は考えなくていい。
 一の位が1か6で3で割ると2余るが、3の倍数である数を書くと
 6, 26, 36, 56, 66,
 11, 21, 41, 51, 71, 81
 一番大きい数から、2026を越えるかどうかを言式する。
 $81 \leftarrow 241 \leftarrow 721 \leftarrow 2161$
 $71 \leftarrow 211 \leftarrow 631 \leftarrow 1891$
 よって、71以下は2026を越えないため、10個となる。

答 10 個

整理番号

小計